Klausur in Analysis und Linearer Algebra 12.6.2004

A

1. Gesucht sind die Extremwerte von $z = 4xy^2 - x^2y - 4x$ für x > 0 unter der Nebenbedingung x = y. Lösung mittels der Methode von Lagrange. (Notwendige und hinreichende Bedingung!)

(7 Punkte)

2. Man löse die Matrizengleichung $\begin{pmatrix} x_1 + x_3 & x_2 - x_1 \\ x_2 - x_3 & x_1 + x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & -5 \\ -3 & 4 \end{pmatrix}$

(7 Punkte)

3. Bestimmen Sie das Minimum von $z = 6 x_1 - 4 x_2$ unter den Nebenbedingungen $2 x_2 \le 5 x_1$; $2 x_2 \le x_1 + 8$; $x_2 \le 10 - x_1$; $x_1 \ge 0$; $x_2 \ge 0$ Lösung mittels des Simplex-Verfahrens.

(7 Punkte)

4. Ermitteln Sie die Taylor-Reihe von $y = e^x$ an der Stelle $x_0 = 3$

(7 Punkte)

5. Berechnen Sie das unbestimmte Integral $\int x^2 e^{2x} dx$

(7 Punkte)

Die Summe aller Punkte beträgt 35. Mit 19 Punkten haben Sie bestanden.

