Klausur in Analysis und Linearer Algebra

9.12.2006 A

Bitte schreiben Sie Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer auf den Lösungsbogen.

- 1. Bestimmen Sie das Maximum von $z = 7x_1 + 10x_2$ unter den Nebenbedingungen $2x_1 + 5x_2 \ge 20$; $x_2 \le 6$; $5x_1 + x_2 \le 50$; $x_1 \ge 0$; $x_2 \ge 0$. Grafische Lösung. (7 Punkte)
- 2. Gesucht sind die Extremwerte der Funktion $y = e^{x^2-3x+2}$ (Im Exponenten steht $x^2 3x + 2$) (7 Punkte)
- 3. Für welche Werte von *a* ist der letzte Vektor eine Linearkombination der ersten drei Vektoren?

$$\begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ a+1 \end{pmatrix}; \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 6 \end{pmatrix}$$

(7 Punkte)

4. Ermitteln Sie das bestimmte Integral $\int_{1}^{e} x \cdot \ln x \, dx$ (Die Grenzen des Integrals sind 1 und e)

(7 Punkte)

5. Man bestimme die (a) Definitions- und (b) Wertemenge der Funktion $y = \ln(x \cdot (x^2 - 5x + 6))$

(7 Punkte)

Insgesamt 35 Punkte; Note 4,0 ab 16; Note 1,0 ab 32 Punkte