## Klausur in Analysis und Linearer Algebra $8.2.2005^1$ A

1. Gesucht ist das Minimum von  $z = x^2 + 2y^2$  unter der Nebenbedingung 3x + y = 1. Lösung mittels der Methode von Lagrange. (Nur notwendige Bedingung!)

(7 Punkte)

2. Bestimmen Sie das Maximum von  $z = x_1 + x_2$  unter den Nebenbedingungen  $-x_1 + x_2 \le 5$ ;  $x_1 + 2$   $x_2 \le 25$ ; 3  $x_1 + x_2 \le 45$ ;  $x_1 \ge 0$ ;  $x_2 \ge 0$  Lösung mittels des Simplex-Verfahrens.

(7 Punkte)

3. Für welche Winkel  $x \left(-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}\right)$  gilt  $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \sin x & \cos x \\ 0 & \cos x & \sin x \end{vmatrix} = 0$ ?

(7 Punkte)

4. Man berechne das unbestimmte Integral  $\int \frac{-2x-7}{x^2+7x+5} dx$ 

(7 Punkte)

5. Bestimmen Sie alle absoluten Extremwerte der Funktion  $y = -3 x^4 + 20 x^3 - 36 x^2$ 

(7 Punkte)

Die Summe aller Punkte beträgt 35. Mit 19 Punkten haben Sie bestanden.

\_

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> geändert am 14.3.2005