Klausur in Finanzmathematik

1.12.2007

В

Bitte schreiben Sie Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer auf den Lösungsbogen. Voraussetzungen: Jahresenden sind Zinstermine, Jahreszinsfuß beträgt *p*

1. Eine Schuld S = 14.700 €ist innerhalb von vier Jahren zu tilgen. p = 6,2. Stellen Sie den Tilgungsplan auf, wenn (a) S eine Ratenschuld und (b) S eine Annuitätenschuld ist.

(7 Punkte)

2. Die Einzahlungsüberschüsse einer Investition mit einer Laufzeit von fünf Jahren betragen 0,4·c; 0,4·c; 0,3·c; 0,4·c und 0,2·c (jeweils in €) bei einer Investitions-auszahlung von c € Wie groß ist der interne Zinsfuß? (Zwei Iterationen des Newtonschen Näherungsverfahrens)

(7 Punkte)

3. Jemand zahlt von 2008 bis 2018 eine nachschüssige Monatsrente r auf ein Konto ein. Welche vorschüssige Jahresrente s kann er sich nun von 2021 bis 2025 leisten? Lösung zuerst mit Parametern und dann mit den Zahlen r = 300; p = 5,6

(7 Punkte)

4. Eine Jahresrente wird 2n Jahre lang nachschüssig wie folgt gezahlt: In den ersten n Jahren arithmetisch (fallend) mit r und -a, in den zweiten n Jahren arithmetisch (steigend) mit r und a. a > 0. Ihr Barwert ist B. Ermitteln Sie die Zahl r. (Lösung mit Parametern)

(7 Punkte)

5. Eine geometrische Jahresrente mit r und Q wird vorschüssig n Jahre lang gezahlt. Ihr Endwert ist E. $q = 1 + \frac{p}{100}$. Man beweise (durch Aufzinsung aller

Zahlungen)
$$E = r \cdot q \cdot \frac{Q^n - q^n}{Q - q}$$
. Hinweis: Betrachten Sie $x = \frac{Q}{q}$

(7 Punkte)

Insgesamt 35 Punkte; Note 4,0 ab 16; Note 1,0 ab 32 Punkte